

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Курганский государственный университет»
(КГУ)

Кафедра «Фундаментальная математика»



УТВЕРЖДАЮ:
Первый проректор
/Т.Р. Змызгова/
07 сентября 2022 г.

Рабочая программа учебной дисциплины
МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

образовательной программы высшего образования –
программы бакалавриата
09.03.00 – Информатика и вычислительная техника

09.03.03 Прикладная информатика
направленность **Интеллектуальные информационные системы и технологии**
09.03.04 Программная инженерия
направленность **Программное обеспечение автоматизированных систем**

Формы обучения: очная, заочная

Курган 2022

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» составлена в соответствии с учебными планами по программе бакалавриата Информатика и вычислительная техника (09.03.03 Прикладная информатика (направленность Интеллектуальные информационные системы и технологии), 09.03.04 Программная инженерия (направленность Программное обеспечение автоматизированных систем)), утвержденными:

- для очной формы обучения «30» августа 2022 года;
- для заочной формы обучения «30» августа 2022 года.

Рабочая программа дисциплины одобрена на заседании кафедры «Фундаментальная математика» *31 августа* 2022 года, протокол № 1

Рабочую программу составил:
К. пед. наук, доцент кафедры
«Фундаментальная математика»



А.В. Чернышова

Согласовано:

Заведующий кафедрой
«Фундаментальная математика»



М.В. Гаврильчик

Заведующий кафедрой
«Программного обеспечения
автоматизированных систем»



В.К. Волк

Специалист по учебно-методической
работе учебно-методического отдела



Г.В. Казанкова

Начальник управления
образовательной деятельности



И.В. Григоренко

1. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Всего: 8 зачетных единиц трудоемкости (288 академических часов)

Очная форма обучения

Вид учебной работы	На всю дисциплину	Семестр	Семестр
		1	2
Аудиторные занятия (контактная работа с преподавателем), всего часов в том числе:	96	64	32
Лекции	48	32	16
Практические занятия	48	32	16
Самостоятельная работа, всего часов в том числе:	192	80	112
Подготовка к экзамену	54	27	27
Другие виды самостоятельной работы (самостоятельное изучение тем (разделов) дисциплины)	102	35	67
Контрольные работы	36	18	18
Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Экзамен	Экзамен
Общая трудоемкость дисциплины и трудоемкость по семестрам, часов	288	144	144

Всего 8 зачётных единиц (288 академических часов)

Заочная форма обучения

Вид учебной работы	На всю дисциплину	Семестр	Семестр
		1	2
Аудиторные занятия (контактная работа с преподавателем), всего часов в том числе:	16	12	4
Лекции	8	6	2
Практические занятия	8	6	2
Самостоятельная работа, всего часов в том числе:	272	132	140
Подготовка к экзамену, зачету	54	27	27
Другие виды самостоятельной работы (самостоятельное изучение тем (разделов) дисциплины)	182	87	95
Контрольные работы	36	18	18
Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Экзамен	Экзамен
Общая трудоемкость дисциплины и трудоемкость по семестрам, часов	288	144	144

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Математический анализ» относится к учебному блоку Б1 обязательной части, модуль Математические и естественнонаучные дисциплины.

Краткое содержание дисциплины: дифференциальное и интегральное исчисление функции одной и нескольких переменных, числовые и функциональные ряды, дифференциальные уравнения.

Дисциплина «Математический анализ» базируется на знаниях, умениях, навыках, приобретенных студентами в средней школе.

Знания, умения и навыки, полученные при освоении дисциплины «Математический анализ», являются необходимыми для освоения последующих дисциплин:

- дискретная математика,
- математическая логика,
- языки программирования,
- криптографические методы защиты информации.

Результаты обучения по дисциплине необходимы для осуществления профессиональной деятельности.

3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Целью изучения дисциплины является получение фундаментального образования, способствующего развитию личности.

Задачами дисциплины являются: изучение основных понятий математического анализа; овладение методами математического исследования; формирование навыков применения методов математического анализа в программировании, информатике и других науках.

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины:

Для очной и заочной форм обучения

- способность применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности (ОПК-1)

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

Знать: фундаментальные понятия, свойства понятий, теоремы и формулы математического анализа (ОПК-1)

Уметь: читать научный текст, находить в тексте понятия и формулы, необходимые для решения задач; самостоятельно решать задачи базового уровня, аналогичные имеющимся в теоретических источниках образцам; самостоятельно находить в сторонних информационных источниках понятия, формулы и методы для решения задач повышенного уровня; применять полученные знания и навыки при изучении других дисциплин (ОПК-1).

Владеть: методами решения задач математического анализа (ОПК-1)

4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Учебно-тематический план

Очная форма обучения

1 семестр

Рубеж	Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем		
			Лекции	Практич. занятия	Лабораторные работы
Рубеж 1	1	Введение в математический анализ	4	6	
	2	Предел функции в точке и на бесконечности	8	8	
	3	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	12	9	
		Рубежный контроль № 1	-	1	
Рубеж 2	4	Интегральное исчисление функции одной переменной	8	7	
		Рубежный контроль № 2	-	1	
Всего:			32	32	-

2 семестр

Рубеж	Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем		
			Лекции	Практич. занятия	Лабораторные работы
Рубеж 1	5	Функции нескольких переменных	8	7	
		Рубежный контроль № 1		1	
Рубеж 2	6	Дифференциальные уравнения	8	7	
		Рубежный контроль № 2	-	1	
Всего:			16	16	-

Заочная форма обучения

1 семестр

Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем		
		Лекции	Практич. Занятия	Лабораторные работы
1	Введение в математический анализ	1	-	-
2	Предел функции в точке и на бесконечности	1	-	-
3	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	2	3	-
4	Интегральное исчисление функции одной переменной	2	3	-
Всего:		6	6	-

2 семестр

Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем		
		Лекции	Практич. Занятия	Лабораторные работы

5	Функции нескольких переменных	1	1	-
6	Дифференциальные уравнения	1	1	-
Всего:		2	2	-

4.2. Содержание лекционных занятий

1 семестр

Тема 1. Введение в математический анализ

Введение. Цели и задачи изучения дисциплины. Требования по изучению дисциплины. Отображения, функции. Основные понятия и свойства элементарных функций.

Тема 2. Предел функции в точке и на бесконечности

Предел функции в точке и на бесконечности. Теоремы о пределах и методы их вычисления. Эквивалентные бесконечно малые функции. Односторонние пределы. Непрерывность функций. Точки разрыва.

Тема 3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Понятие производной и дифференциала функции, правила вычисления, производные элементарных функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Основные приложения производной и дифференциалов: исследование функции (монотонность, экстремумы, точки перегиба, выпуклость), приближённые вычисления, вычисление наименьшего и наибольшего значений функции.

Тема 4. Интегральное исчисление функции одной переменной

Первообразная функции. Неопределённый интеграл, основные свойства и методы вычисления. Определённый интеграл, определение, свойства, формула Ньютона-Лейбница, основные методы вычисления. Основные приложения определённого интеграла: площадь плоских фигур, площадь поверхности, объём тел, длина дуги кривой, физические применения.

2 семестр

Тема 5. Функции нескольких переменных

Функции многих переменных, их обозначение и область определения. Предел функции многих переменных. Непрерывность. Частные производные функции многих переменных. Дифференцирование функций многих переменных. Дифференциалы функции многих переменных. Дифференцирование неявных функций. Частные производные высших порядков. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции многих переменных. Наибольшее и наименьшее значение функции.

Тема 6. Дифференциальные уравнения

Дифференциальные уравнения, их порядок, общие и частные интегралы. Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения первого порядка. Линейные уравнения первого порядка и уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.

4.2. Практические занятия

Содержание практических занятий:

Номер раздела, темы	Наименование раз- дела, темы	Наименование практического занятия	Норматив времени, час.	
			Очная форма обучения	Заочная форма обучения
1 семестр				
1	Введение в математи- ческий анализ	Отображения, функции. Основные понятия и свойства элементарных функций.	6	-
2	Предел функции в точке и на бесконеч- ности	Предел функции в точке и на бесконечности. Теоремы о пределах и методы их вычисления. Эквивалентные беско- нечно малые функции. Односторонние пре- делы. Непрерывность функций. Точки разры- ва.	8	-
3	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Понятие производной и дифференциала функ- ции, правила вычисле- ния, производные эле- ментарных функций. Производные и диффе- ренциалы высших по- рядков. Основные при- ложения производной и дифференциалов: ис- следование функции (монотонность, экстре- мумы, точки перегиба, выпуклость), прибли- жённые вычисления, вычисление наимень- шего и наибольшего значений функции.	9	3
		Рубежный контроль 1	1	
4	Интегральное исчис- ление функции одной переменной	Первообразная функ- ции. Неопределённый интеграл, основные свойства и методы вы- числения. Определён- ный интеграл, опреде- ление, свойства, форму- ла Ньютона-Лейбница, основные методы вы- числения. Основные приложения опре- делённого интеграла: площадь плоских фи- гур, площадь поверхно- сти, объём тел, длина дуги кривой, физиче- ские применения.	7	3
		Рубежный контроль 2	1	
2 семестр				

5	Функции нескольких переменных	Функции многих переменных, их обозначение и область определения. Предел функции многих переменных. Непрерывность. Частные производные функции многих переменных. Дифференцирование функций многих переменных. Дифференциалы функции многих переменных. Дифференцирование неявных функций. Частные производные высших порядков. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции многих переменных. Наибольшее и наименьшее значение функции.	7	1
		Рубежный контроль 1	1	
6	Дифференциальные уравнения	Дифференциальные уравнения, их порядок, общие и частные интегралы. Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения первого порядка. Линейные уравнения первого порядка и уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.	7	1
		Рубежный контроль 2	1	
Всего:			48	8

4.4. Контрольная работа

Контрольная работа состоит из 7 заданий в первом семестре и из 7 заданий во втором семестре. Примерный вариант контрольной работы находится в методических указаниях.

5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

При прослушивании лекций рекомендуется в конспекте отмечать все важные моменты, теоремы и формулы, доказательство теорем, свойств, на которых заостряет внимание преподаватель. Перед лекцией необходимо повторить материал, выделить непонятные места в лекции, чтобы обсудить их на занятии.

Преподавателем запланировано применение на лекционных занятиях технологий коллективного взаимодействия, разбора конкретных ситуаций, групповая форма работы студентов на этапе повторения материала.

Практические занятия будут проводиться с использованием различных технологий (индивидуализированного обучения, групповой формы обучения).

Для текущего контроля успеваемости по очной форме обучения преподавателем используется балльно-рейтинговая система контроля и оценки академической активности обучающихся. Поэтому настоятельно рекомендуется тщательно прорабатывать материал дисциплины при самостоятельной работе, участвовать во всех формах обсуждения и взаимодействия, как на лекциях, так и на практических занятиях в целях лучшего освоения материала и получения высокой оценки по результатам освоения дисциплины.

Выполнение самостоятельной работы подразумевает подготовку к практическим занятиям, к рубежным контролям (для очной формы), подготовку к экзамену, выполнение контрольных работ.

Рекомендуемая трудоемкость самостоятельной работы представлена в таблице:

Рекомендуемый режим самостоятельной работы

Наименование вида самостоятельной работы	Рекомендуемая трудоемкость, акад. час.	
	Очная форма обучения	Заочная форма обучения
Самостоятельное изучение тем дисциплины:	70	178
Двойной интеграл и его приложения	17	44
Числовые ряды	18	45
Степенные ряды и их приложения	17	44
Функции комплексного переменного	18	45
Подготовка к рубежным контролям (по 2 часа на каждый рубеж)	8	-
Подготовка к практическим занятиям (по 1 часу на занятие)	24	4
Выполнение контрольной работы	36	36
Подготовка к экзамену	54	54
Всего:	192	272

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

6.1. Перечень оценочных средств

1. Балльно-рейтинговая система контроля и оценки академической активности студентов в КГУ для очной формы обучения
2. Перечень вопросов к экзамену
3. Контрольная работа
4. Банк заданий к рубежным контролям № 1, № 2, № 3, № 4 (для очной формы обучения)
5. Банк тестовых заданий к экзамену
6. Задания к практическим занятиям
7. Дополнительные задания исследовательского характера (на усмотрение преподавателя).

6.2. Система балльно-рейтинговой оценки работы студентов по дисциплине

№	Наименование	Содержание						
		Очная форма обучения, 1 семестр						
1	Распределение баллов за семестры по видам учебной работы, сроки сдачи учебной работы (доводятся до сведения студентов на первом учебном занятии)	Распределение баллов						
		Вид учебной работы:	Посещение лекций	Посещение практических занятий, активность на занятиях	Рубежный контрольный контроль №1	Рубежный контрольный контроль №2	Контрольная работа	Экзамен
		Балльная оценка:	До 16	До 16	До 12	До 12	До 14	До 30
		Примечания:	16 лекций по 1 баллу	16 практических занятий по 1 баллу	На 12 практическом занятии	На 16 практическом занятии		
		Очная форма обучения, 2 семестр						
1	Распределение баллов за семестры по видам учебной работы, сроки сдачи учебной работы		Распределение баллов					
		Вид учебной работы:	Посещение лекций	Посещение практических занятий и активность на них	Рубежный контрольный контроль №1	Рубежный контрольный контроль №2	Контрольная работа	Экзамен

	(доводятся до сведения студентов на первом учебном занятии)	Балльная оценка:	До 8	До 16	До 15	До 16	До 15	До 30
		Примечания:	8 лекций по 1 баллу	8 практических занятий по 2 балла	На 4 практическом занятии	На 8 практическом занятии		
2	Критерий пересчета баллов в традиционную оценку по итогам работы в семестре и зачета		60 и менее баллов – неудовлетворительно 61...73 – удовлетворительно 74... 90 – хорошо; 91...100 – отлично					
3	Критерии допуска к промежуточной аттестации, возможности получения автоматического зачета (экзаменационной оценки) по дисциплине, возможность получения бонусных баллов		Для допуска к промежуточной аттестации студент должен выполнить все работы рубежного контроля и контрольную работу и набрать не менее 50 баллов. Для получения экзаменационной оценки «автоматически» студенту необходимо набрать следующее минимальное количество баллов: - 68 для получения «автоматически» оценки «удовлетворительно». По согласованию с преподавателем студенту, набравшему минимум 68 баллов, могут быть добавлены дополнительные (бонусные) баллы за активное участие в научной и методической работе, оригинальность принятых решений в ходе выполнения заданий текущего и рубежного контроля, за участие в значимых учебных и внеучебных мероприятиях кафедры и выставлена за экзамен «автоматически» оценка «хорошо» или «отлично».					
4	Формы и виды учебной работы для неуспевающих (восстановившихся на курсе обучения) студентов для получения недостающих баллов в конце семестра		В случае если к промежуточной аттестации набрана сумма менее 50 баллов, студенту необходимо выполнить дополнительные задания, до конца последней (зачетной) недели семестра. При этом необходимо проработать материал всех пропущенных лекционных и практических занятий. Формы дополнительных заданий (назначаются преподавателем): - выполнение и защита отчетов по пропущенным практическим занятиям (1...2 балла); - прохождение рубежного контроля (баллы в зависимости от рубежа). Ликвидация академических задолженностей, возникших из-за разности в учебных планах при переводе или восстановлении, проводится путем выполнения дополнительных заданий, форма и объем которых определяется преподавателем.					

6.3. Процедура оценивания результатов освоения дисциплины

Рубежные контроли проводятся в форме самостоятельных работ.

Перед проведением каждого рубежного контроля преподаватель прорабатывает со студентами основной материал соответствующих разделов дисциплины в форме краткой лекции-дискуссии.

Варианты заданий для рубежных контролей 1 семестра состоят: № 1 и № 2 – из 6 задач по 2 балла каждая. Варианты заданий для рубежного контроля 2 семестра состоят: № 1 – из 7 задач (1-6 задачи по 2 балла каждая, 7 задача – 3 балла), № 2 – из 8 задач по 2 балла каждая.

На каждую работу при рубежном контроле студенту отводится время не менее 60 минут.

Преподаватель оценивает в баллах результаты рубежного контроля каждого студента по количеству правильных ответов и заносит в ведомость учета текущей успеваемости.

Экзаменационный тест в 1 и 2 семестре состоит из 12 вопросов. Каждый вопрос в тесте оценивается от 1 до 4 баллов. Количество баллов по результатам экзамена зависит от количества правильных ответов. Время, отводимое студенту на экзаменационный тест, составляет 1 астрономический час.

Результаты текущего контроля успеваемости и экзамена заносятся преподавателем в экзаменационную ведомость, которая сдается в организационный отдел института в день экзамена, а также выставляются в зачетную книжку студента.

6.4. Примеры оценочных средств для рубежных контролей, экзамена

1 семестр

Рубеж 1

Самостоятельная работа

- 1 Найти область определения функции: 1) $y = 8x + 18$; 2) $y = \frac{14}{x-3}$; 3) $y = \sqrt{x^2 - 16}$.
- 2 Доказать, что функция является убывающей. $y = -7x - 5$. Выяснить, является ли функция четной или нечетной.
- 3 Найти пределы: 1) $\lim_{x \rightarrow 9} (7x^2 + 3)$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x+5}{3x+7}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-4x+3}{x-3}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{9}{x}\right)^{7x}$.
- 4 Определить точки разрыва функции:
$$\begin{cases} \sin x, & x < 0, \\ 7 + x, & 0 \leq x < 2, \\ x^3, & x \geq 2. \end{cases}$$
- 5 Найти производные указанных функций: 1) $y = \frac{x^2}{x-2}$; 2) $y = x^3 \sin x$.
- 6 Найти первую и вторую производные от функции, заданной параметрически:
$$\begin{cases} x = \cos \frac{t}{2}, \\ y = t - \sin t. \end{cases}$$

Рубеж 2

Самостоятельная работа

- 1 Найдите интегралы: а) $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2+12}}$ б) $\int \frac{dx}{x^2+81}$ в) $\int 4x dx$ г) $\int \frac{1}{3} e^x dx$
- 2 Найдите интегралы с помощью интегрирования по частям: а) $\int (1+3x)e^{2x} dx$ б) $\int x^2 \sin x dx$
- 3 Найдите интегралы с помощью метода замены переменной: а) $\int \cos(3x+5) dx$ б) $\int \sqrt[3]{2-7x} dx$.
- 4 Вычислите, используя метод подстановки: а) $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{\sin x}{3 - \cos x} dx$ б) $\int_1^{\sqrt{5}} \frac{x dx}{\sqrt{4+x^2}}$
- 5 Вычислить объём тела, образованного вращением вокруг оси ox фигуры, ограниченной линиями $y = -x^2 + 5x - 6$, $y = 0$
- 6 Вычислите:
$$\int_0^7 \frac{27x}{\sqrt[3]{(x+1)^2 + 4\sqrt{x+1}}} dx$$

Пример экзаменационного теста

1. Дать определение чётной и нечётной функции. Привести примеры чётной, нечётной функции и функции общего вида. Чем отличаются графики чётной и нечётной функций? (2 балла)
2. Дать определение линейной функции и перечислить её свойства при $k > 0$. (2 балла)
3. Дать определение предела функции на языке «эпсилон-дельта». (2 балла).
4. Сформулировать определения правостороннего и левостороннего пределов функции. (2 балла)
5. Дать определение производной функции. Записать формулы для вычисления производной постоянной и показательной функций. (2 балла)
6. в чём состоит геометрический смысл производной функции? (2 балла)
7. Геометрический смысл и свойства дифференциала. (2 балла)
8. Записать условия монотонности функции через производную. (2 балла)
9. Доказать, что функция является возрастающей: $y = 10x + 2$. Выяснить, является ли функция четной или нечетной. (3 балла)
10. Найти пределы: 1) $\lim_{x \rightarrow 8} (4x^2 + 2)$; 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x+8}{9x+5}$; 3) $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{x^2+4x-5}{x+5}$; 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{8}{x}\right)^{4x}$. (4 балла)
11. Найти производные указанных функций: 1) $y = \frac{1}{4x^2+1}$; 2) $y = (x+10)3^x$; 3) $y = \sin^3 x - x \cos x$. (3 балла)
12. Найти точку максимума функции $y = 2\ln(x+4)^3 - 8x - 19$. (4 балла)

2 семестр

Рубеж 1

Самостоятельная работа

1. Найти частные производные первого и второго порядка от функции $z = \ln(2x - 5y)$.
2. Найти частные и полные дифференциалы от функции $z = \ln(2x - 5y)$.
3. Исследовать функцию на экстремум $z = x^4 + y^4 - 2x^2 + 4xy - 2y^2$.
4. В результате исследования зависимости между сроком эксплуатации автомобиля и расходами на его ремонт получены следующие данные:

t , лет	1	2	3	4	5	6	7	8
S , тыс. руб	120	140	230	370	445	570	655	770

Найти: а) линейную зависимость $S = at + b$ стоимости ремонта автомобиля от срока его эксплуатации; б) предполагаемую величину затрат на 10-й год его эксплуатации.

5. Вычислить приближенно $(1,03)^{0,99}$.
6. Вычислить приближенно $(0,99)^2 + \sqrt{3,98}$.
7. Найти и изобразить на плоскости область определения функции $z = \frac{\ln(x-3)}{\sqrt{y^2-x^2-4}}$.

Рубеж 2

Самостоятельная работа

1. Решить уравнение $(x^2 - y^2)y' + 2x \cdot y = 0$.
2. Решить уравнение $y' - y + 5 = 0$.
3. Найти общее решение дифференциального уравнения первого порядка $y' - xy^2 = 2xy$.
4. Найти общее решение дифференциального уравнения первого порядка $y' = \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$.

5. Найти частное решение данного дифференциального уравнения первого порядка, удовлетворяющее данному начальному условию: $2x \cdot y' = 0$; $x_0 = 2$, $y_0 = 2$.
6. Найти частное решение данного дифференциального уравнения первого порядка, удовлетворяющее данному начальному условию: $3y^2 - 4xy' = 0$; $x_0 = 1$, $y_0 = 2$.
7. Найти общее решение дифференциального уравнения второго порядка: $xy'' - y' + \frac{1}{x} = 0$.
8. Решить дифференциальное уравнение второго порядка: $y''' - 17y' + 72 = 0$.

Пример экзаменационного теста

- Описать метод интегрирования подстановкой. Привести пример. (2 балла)
- Дать определение неопределённого интеграла, перечислить его свойства и простейшие правила интегрирования. (2 балла)
- Дать понятие определённого интеграла. (2 балла)
- Описать на примере применение метода интегрирования по частям при вычислении определённого интеграла. (2 балла)
- Дать определение полного дифференциала функции $z = f(x, y)$. Записать соответствующую формулу. Привести пример. (2 балла)
- Дать понятие условного экстремума функции двух переменных. (2 балла)
- Дать определение интеграла дифференциального уравнения, интегральной кривой, особого решения дифференциального уравнения. (2 балла)
- Дать определение линейного дифференциального уравнения, линейного однородного дифференциального уравнения. (2 балла)
- Найти частные производные первого и второго порядка, частные и полные дифференциалы от функции $z = e^{2x+5y}$. (3 балла)
- Найти интегралы: а) $\int 2 \sin x dx$; б) $\int \frac{4dx}{\sin^2 x}$; в) $\int \left(-5x^3 + 6x^2 - 4x + \frac{1}{x^5}\right) dx$; г) $\int \frac{dx}{\sqrt{16-x^2}}$. (4 балла)
- Найти частное решение данного дифференциального уравнения первого порядка, удовлетворяющее данному начальному условию: $y' = (y-5)(8x+1)$, $x_0 = 1$, $y_0 = 6$. (3 балла)
- Вычислить: а) $\int_1^e \frac{\sqrt{1+\ln x}}{x} dx$; б) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\cos x dx}{1+\sin^2 x}$; в) $\int_0^{\pi} e^x \cos x dx$; г) $\int_0^{\frac{1}{2}} \operatorname{arctg} 2x dx$. (4 балла)

Примерный вариант контрольной работы

Вариант выбирается по последней цифре зачётной книжки (номер слева от фамилии в приказе на зачисление). То есть, задания 1 варианта оканчиваются цифрой 1 (1, 11, 21 и т.д.), 10 варианта – цифрой 0 (10, 20, и т.д.). Контрольная работа выполняется от руки в тетради или на белых листах А4. Образцы решения ВСЕХ задач находятся в книге Просветова Г.И. Математический анализ. Задачи и решения.

1 семестр

1-10. Для множеств A и B найти объединение $A \cup B$, пересечение $A \cap B$ и разность $A \setminus B$.

Вариант	A	B	Вариант	A	B
1	$\{3, 2, 1, 5, 9\}$	$\{5, 9, 7\}$	6	$\{6, 9, 2, 3, 4\}$	$\{1, 4, 6\}$
2	$\{4, 5, 1, 3, 8\}$	$\{4, 1, 5, 9\}$	7	$\{9, 4, 6, 8, 3\}$	$\{1, 4, 9\}$
3	$\{1, 9, 5, 6, 4\}$	$\{5, 1, 3, 0\}$	8	$\{9, 8, 0, 6, 2\}$	$\{8, 4, 2, 6\}$
4	$\{8, 7, 0, 1, 5\}$	$\{8, 4, 6\}$	9	$\{3, 1, 8, 6, 5\}$	$\{3, 1, 2, 6\}$
5	$\{7, 9, 5, 2, 4\}$	$\{7, 9, 1, 4, 0\}$	10	$\{1, 8, 6, 3\}$	$\{3, 2, 5, 7\}$

11-20. Зная значение функции в точках a , b , c , найти при помощи линейной интерполяции значение функции в точке x .

Вариант	a	$f(a)$	b	$f(b)$	c	$f(c)$	x
11	1,43	2,05	1,45	2,25	1,57	2,41	1,54
12	1,28	2,02	1,41	2,36	1,86	2,44	1,51
13	1,12	2,23	1,23	2,36	1,98	2,62	1,64
14	1,52	2,01	1,71	2,58	1,82	2,74	1,69
15	1,71	2,06	1,85	2,66	1,89	2,93	1,79
16	1,84	2,10	1,92	2,13	1,99	2,74	1,91
17	1,08	2,06	1,28	2,15	1,99	2,82	1,77
18	1,15	2,28	1,60	2,34	1,69	2,47	1,38
19	3,06	4,28	3,34	4,89	3,17	4,93	3,39
20	3,44	4,01	3,66	4,05	3,86	4,57	3,72

21-30. Изобразить схематически график функции $y = \frac{kx + p}{mx + n}$.

Вариант	k	p	m	n	Вариант	k	p	m	n
21	9	7	3	2	26	3	7	5	4
22	8	4	2	6	27	9	1	2	5
23	1	2	8	7	28	6	5	7	4
24	3	6	1	8	29	8	5	2	6
25	6	3	5	7	30	7	3	9	6

31-40. Выделить в выражении $kx^2 + px + m$ полный квадрат.

Вариант	k	p	m	Вариант	k	p	m
31	9	7	3	36	3	7	5
32	8	4	2	37	9	1	2
33	1	2	8	38	6	5	7
34	3	6	1	39	8	5	2
35	6	3	5	40	7	3	9

41-50. Найти пределы: а) $\lim_{x \rightarrow k} (mx^2 + n)$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{px + q}{rx + s}$; в) $\lim_{x \rightarrow d} \frac{ax^2 + bx + c}{x - d}$; г) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{k}{x}\right)^{mx}$.

Вариант	k	m	n	p	q	r	s	a	b	c	d
41	9	7	3	2	5	3	7	1	-4	3	3
42	3	7	5	4	2	4	8	1	-11	10	10
43	8	4	2	6	8	9	5	1	4	-5	-5
44	9	1	2	5	2	9	3	1	9	14	-7
45	1	2	8	7	9	7	8	1	-24	128	8
46	6	5	7	4	7	1	3	1	-9	14	2
47	3	6	1	8	5	4	7	1	2	-8	-4
48	8	5	2	6	9	7	6	3	17	-6	-6
49	6	3	5	7	3	2	5	2	-21	-11	11
50	7	3	9	6	4	5	7	5	-24	-5	5

51-60. Найти производную функции:

51. а) $y = \frac{x^2}{x-2}$; б) $y = x^2 \sin x$.
 52. а) $y = \frac{2x+5}{3x-2}$; б) $y = (x-8) \cdot 5^x$.
 53. а) $y = \frac{x+2}{3x-1}$; б) $y = (x+4) \cdot e^x$.
 54. а) $y = \frac{x^2-2x+6}{x-1}$; б) $y = (x-7) \cdot \cos x$.
 55. а) $y = \frac{5-x^2}{2+x^2}$; б) $y = (x+2) \cdot \operatorname{ctgx}$.
 56. а) $y = \frac{1}{3x^2-1}$; б) $y = (x^2-1) \cdot e^x$.
 57. а) $y = \frac{1}{4x^2+1}$; б) $y = (x+10) \cdot 3^x$.
 58. а) $y = \frac{3x-7}{x+4}$; б) $y = (x+9) \cdot \ln x$.
 59. а) $y = \frac{x^2+6}{x^2-9}$; б) $y = (x-4) \cdot \operatorname{tgx}$.
 60. а) $y = \frac{x}{4-x}$; б) $y = x^3 \cdot \ln x$.

61-70. Для функции $ax^3 + bx^2 + cx + d$ найти производные первого и второго порядков, дифференциал, интервалы монотонности, локальные экстремумы, интервалы выпуклости вверх (вниз), точки перегиба, наибольшее и наименьшее значения на отрезке $[0; 2]$.

Вариант	a	b	c	d	Вариант	a	b	c	d
61	1	6	-15	8	66	1	-3	-24	-28
62	1	12	45	50	67	1	-6	9	-4
63	1	-3	-9	-5	68	4	24	36	16
64	1	3	-24	28	69	1	-12	45	50
65	-1	-3	9	-5	70	-2	0	24	0

2 семестр

71-80. Для функции $kx^2 + mxy + ny^2 + px + qy + r$ найти частные производные и дифференциалы 1-го и 2-го порядков, производную по направлению вектора $\vec{a}(b; c)$, приближённое значение в точке $B(1.98; 3.04)$ с помощью дифференциала, экстремумы, наибольшее и наименьшее значения в замкнутой области $-1 \leq x \leq 1, -1 \leq y \leq 1$.

Вариант	k	m	n	p	q	r	b	c	Вариант	k	m	n	p	q	r	b	c
71	9	7	3	2	5	3	6	-5	76	3	7	5	4	2	4	-3	-2
72	8	4	2	6	8	9	2	4	77	9	1	2	5	2	9	-6	9
73	1	2	8	7	9	7	-3	-9	78	6	5	7	4	7	1	2	3
74	3	6	1	8	5	4	3	-2	79	8	5	2	6	9	7	-1	4
75	6	3	5	7	3	2	-3	9	80	7	3	9	6	4	5	2	4

81-90. Найти интегралы:

81. а) $\int (9x + 7 \sin x) dx$; б) $\int \frac{dx}{x+3}$; в) $\int_2^5 e^x dx$.
82. а) $\int (3x^2 - 5 \cos x) dx$; б) $\int \frac{dx}{\sqrt{x+4}}$; в) $\int_2^3 2^x dx$.
83. а) $\int (8x^3 + 4\sqrt{x}) dx$; б) $\int \frac{xdx}{x^2+6}$; в) $\int_4^5 3^x dx$.
84. а) $\int \left(\frac{3}{x^2} - 2 \cos x\right) dx$; б) $\int \sin(x+9) dx$; в) $\int_2^3 \sqrt{x} dx$.
85. а) $\int \left(\frac{4}{x} + \sqrt{x}\right) dx$; б) $\int \cos(7x-9) dx$; в) $\int_1^4 x^3 dx$.
86. а) $\int \left(\frac{9}{\cos^2 x} - 2x\right) dx$; б) $\int \frac{dx}{x+9}$; в) $\int_2^5 \frac{dx}{x^2}$.
87. а) $\int \left(\frac{9}{\sin^2 x} + 6x^2\right) dx$; б) $\int \frac{dx}{\sqrt{x+5}}$; в) $\int_1^4 \frac{dx}{x}$.
88. а) $\int \frac{dx}{x^2-1}$; б) $\int \frac{dx}{\sqrt{2x+3}}$; в) $\int_2^4 \frac{dx}{x^3}$.
89. а) $\int (4 \sin x + 5x^3) dx$; б) $\int \frac{xdx}{x^2+7}$; в) $\int_2^3 \frac{dx}{\sqrt{x}}$.
90. а) $\int (3x^5 - 5\sqrt{x}) dx$; б) $\int \frac{xdx}{x^2-3}$; в) $\int_1^2 4^x dx$.

91-100. Доказать, что ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{kn+m}{pn+q}$ расходится.

Вариант	k	m	p	q	Вариант	k	m	p	q
91	-7	12	6	9	96	-9	20	8	16
92	-11	30	-10	25	97	-13	42	-12	36
93	-15	56	-14	49	98	-17	72	-16	64
94	-19	90	-18	81	99	-21	110	20	100
95	7	12	-6	9	100	9	20	-8	16

101-110. 1) Решить дифференциальные уравнения: а) $y'' + ky' + m = 0$; б) $y'' + ny' + p = 0$; в) $y'' + r = 0$.

2) Определить горизонтальные и наклонные асимптоты графика функции $g(x) = \frac{kx^2 - mx + n}{sx - t}$.

Вариант	k	m	n	p	r	s	t
101	-7	12	6	9	9	-5	6
102	-9	20	8	16	16	-2	5
103	-11	30	-10	25	25	-4	4
104	-13	42	-12	36	36	2	10
105	-15	56	-14	49	49	-4	3

106	-17	72	-16	64	64	0	4
107	-19	90	-18	81	81	1	0
108	-21	110	20	100	100	-6	9
109	7	12	-6	9	121	0	9
110	9	20	-8	16	144	2	-8

111-120. Найти пределы:

$$111. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arctg 7x}{2x}.$$

$$112. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x + \sin 2x + \sin 3x + \sin 4x}{\sqrt{1+2x}-1}.$$

$$113. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1+5x \sin x - 7 \cos 2x}{\arctg \sin^2 2x}.$$

$$114. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 5x - \sin^2 7x}{\lg^2 2x + \ln(1+9x)}.$$

$$115. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - \sin 5x}{4x + \sin 7x}.$$

$$116. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+7x-2x^2) + \arcsin 5x - 6x^2}{\sin 4x + \lg^2 5x + (e^x - 1)^5}.$$

$$117. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x + \sin 6x}{\sin 2x - \cos 2x + 1}.$$

$$118. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arctg 9x}{\arcsin 2x}.$$

$$119. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\lg 1/x}{\sin 7x}.$$

$$120. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arctg 5x}{\sin 3x}.$$

121-130. Определить точки разрыва функции:

$$121. \begin{cases} \sin x, & x < 0; \\ 7+x, & 0 \leq x < 2; \\ x^3, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$125. \begin{cases} 3+tgx, & x < 0; \\ 3x, & 0 \leq x < 2; \\ -2+x^2, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$129. \begin{cases} 5x^2, & x < 0; \\ 3\sqrt{x+1}, & 0 \leq x < 2; \\ 1+x^3, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$122. \begin{cases} tgx, & x < 0; \\ x, & 0 \leq x < 2; \\ x^4, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$126. \begin{cases} x^2, & x < 0; \\ x, & 0 \leq x < 2; \\ x^4, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$130. \begin{cases} -2+5x^2, & x < 0; \\ 3\sqrt{x+1}, & 0 \leq x < 2; \\ 2+x^4, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$123. \begin{cases} ctgx, & x < 0; \\ x, & 0 \leq x < 2; \\ x^2, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$127. \begin{cases} x^3, & x < 0; \\ x^2, & 0 \leq x < 2; \\ x^4, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$124. \begin{cases} \cos x, & x < 0; \\ 1+x, & 0 \leq x < 2; \\ x^2, & x \geq 2. \end{cases}$$

$$128. \begin{cases} 2x^2, & x < 0; \\ \sqrt{x}, & 0 \leq x < 2; \\ x^3, & x \geq 2. \end{cases}$$

131-140. Найти производную y'_x и вторую производную y''_{xx} для функции, заданной параметрически.

Вариант	$x(t)$	$y(t)$	Вариант	$x(t)$	$y(t)$
131	$2 \cos 9t$	$2 \sin 3t$	136	$3 \sin 5t$	$4 \cos 2t$
132	$4 \lg 3t$	$2 \arcsin 8t$	137	$5 \sin 7t$	$6 \arccos 3t$
133	$6 \ctg 2t$	$7 \cos t$	138	$3 \sin 6t$	$8 \lg 7t$
134	$4 \arccos 5t$	$9 \sin 6t$	139	$4 \arcsin 3t$	$8 \lg 2t$
135	$5 \lg 2t$	$8 \arccos 5t$	140	$3 \arcsin 5t$	$9 \cos 4t$

6.5. Фонд оценочных средств

Полный банк заданий для текущего, рубежных контролей и промежуточной аттестации по дисциплине, показатели, критерии, шкалы оценивания компетенций, методические материалы, определяющие процедуры оценивания образовательных результатов, приведены в учебно-методическом комплексе дисциплины.

7. ОСНОВНАЯ И ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ УЧЕБНАЯ ЛИТЕРАТУРА

7.1. Основная учебная литература

1. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление. Т. 1. – М.: Интеграл-Пресс, 2001. – 416 с.
2. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление. Т. 2. – М.: Интеграл-Пресс, 2001. – 544 с.
3. Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике: Полный курс. – М.: Айрис-пресс, 2004. – 608 с.

7.2. Дополнительная учебная литература

1. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа - СПб.: Издательство "Профессия", 2001. - 432 с.
2. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике (типовые расчеты): Учеб. пособие для вузов. – М.: Высш. школа, 1983. – 175 с.
3. Шипачёв В. С. Высшая математика. – М.: Высшая школа, 2001. – 479 с.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

1. Методические рекомендации к выполнению контрольной работы для студентов заочной формы обучения.
2. Электронный экземпляр текстов лекций (хранится на диске в УМК)
3. Памятка студенту о работе в технологии индивидуализированного обучения.
4. Методические рекомендации по выполнению заданий исследовательского характера (входят в УМК).

9. РЕСУРСЫ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

№	Интернет-ресурс	Краткое описание
1	http://www.edu.ru/	Федеральный портал «Российское образование»
2	highermath.ru	Курс высшей математики (теория)
3	mathelp.spb.ru	Лекции по высшей математике
4	http://elementy.ru	Энциклопедический сайт
5	http://ru.wikipedia.org	Энциклопедия Википедия
6	http://botaniks.ru/matem.php	Алгоритмы решения основных задач математического анализа
7	http://www.msu.ru	Сайт Московского государственного университета им. М.В.Ломоносова

10. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ

При чтении лекций используются слайдовые презентации.

Минимальные требования к операционной системе и программному обеспечению компьютера, используемого при показе слайдовых презентаций: Microsoft Windows 7 Корпоративная, Microsoft Office, OpenOffice 4.1.3.

11. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Мультимедийное оборудование (переносной персональный компьютер, мультимедийный проектор, мультимедийный экран).

12. ДЛЯ СТУДЕНТОВ, ОБУЧАЮЩИХСЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ДИСТАНЦИОННЫХ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

При использовании электронного обучения и дистанционных образовательных технологий (далее ЭО и ДОТ) занятия полностью или частично проводятся в режиме он-лайн. Объем дисциплины и распределение нагрузки по видам работ соответствует п. 4.1. Распределение баллов соответствует п. 6.2 либо может быть изменено в соответствии с решением кафедры, в случае перехода на ЭО и ДОТ в процессе обучения. Решение кафедры об используемых технологиях и системе оценивания достижений обучающихся принимается с учетом мнения ведущего преподавателя и доводится до сведения обучающихся.

Аннотация к рабочей программе дисциплины
«Математический анализ»

образовательной программы высшего образования –
программы бакалавриата
09.03.00 – Информатика и вычислительная техника

09.03.03 Прикладная информатика
направленность **Интеллектуальные информационные системы и технологии**
09.03.04 Программная инженерия
направленность **Программное обеспечение автоматизированных систем**

Трудоемкость дисциплины: 8 ЗЕ (288 академических часов, очная и заочная форма)
Семестр: 1-2 (очная форма обучения), 1-2 (заочная форма обучения)
Форма промежуточной аттестации: 1,2 семестр – экзамен (очная и заочная форма);

Содержание дисциплины
Дифференциальное и интегральное исчисление функции одной и нескольких переменных, числовые и функциональные ряды, дифференциальные уравнения.