

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Курганский государственный университет»  
(КГУ)

Кафедра «Фундаментальная математика»



УТВЕРЖДАЮ:  
Первый проректор  
/Т.Р. Змызгова/  
*1» сентября 2022 г.*

Рабочая программа учебной дисциплины  
**МАТЕМАТИКА**

образовательной программы высшего образования –  
программы бакалавриата  
**05.03.06 – Экология и природопользование**  
направленность **Управление экологическими системами**

Формы обучения: очная, заочная

Курган 2022

Рабочая программа дисциплины «Математика» составлена в соответствии с учебными планами по программе бакалавриата Экология и природопользование (Управление экологическими системами), утвержденными:

- для очной формы обучения «30» августа 2022 года;
- для заочной формы обучения «30» августа 2022 года.

Рабочая программа дисциплины одобрена на заседании кафедры «Фундаментальная математика» «31» 08 2022 года, протокол № 1.

Рабочую программу составил  
к. пед. наук, доцент кафедры  
«Фундаментальная математика»

З.П. Матушкина

Согласовано:

Заведующий кафедрой  
«Фундаментальной математики»

М.В. Гаврильчик

Заведующий кафедрой  
«География, фундаментальная экология  
и природопользование»

Н.П. Несговорова

Специалист по учебно-методической  
работе учебно-методического отдела

Г.В. Казанкова

Начальник управления  
образовательной деятельности

И.В. Григоренко

## 1. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Всего: 4 зачетных единицы трудоемкости (144 академических часа)

### Очная форма обучения

Вид учебной работы	На всю дисциплину	Семестр
		1
<b>Аудиторные занятия (контактная работа с преподавателем), всего часов</b>	<b>48</b>	<b>48</b>
<b>в том числе:</b>		
Лекции	16	16
Практические занятия	32	32
<b>Самостоятельная работа, всего часов</b>	<b>96</b>	<b>96</b>
<b>в том числе:</b>		
Подготовка к экзамену	27	27
Другие виды самостоятельной работы (самостоятельное изучение тем (разделов) дисциплины)	69	69
Контрольные работы	-	-
<b>Вид промежуточной аттестации</b>	<b>Экзамен</b>	<b>Экзамен</b>
<b>Общая трудоемкость дисциплины и трудоемкость по семестрам, часов</b>	<b>144</b>	<b>144</b>

### Заочная форма обучения

Вид учебной работы	На всю дисциплину	Семестр
		1
<b>Аудиторные занятия (контактная работа с преподавателем), всего часов</b>	<b>10</b>	<b>10</b>
<b>в том числе:</b>		
Лекции	4	4
Практические занятия	6	6
<b>Самостоятельная работа, всего часов</b>	<b>134</b>	<b>134</b>
<b>в том числе:</b>		
Подготовка к экзамену	27	27
Другие виды самостоятельной работы (самостоятельное изучение тем (разделов) дисциплины)	89	89
Контрольные работы	18	18
<b>Вид промежуточной аттестации</b>	<b>Экзамен</b>	<b>Экзамен</b>
<b>Общая трудоемкость дисциплины и трудоемкость по семестрам, часов</b>	<b>144</b>	<b>144</b>

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Математика» относится к обязательной части блока Б1.

Краткое содержание дисциплины: элементы теории множеств, линейной алгебры и аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей, математической статистики.

Дисциплина «Математика» базируется на знаниях, умениях, навыках, приобретенных студентами в средней школе.

Результаты обучения по дисциплине необходимы для осуществления профессиональной деятельности.

## 3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Целью изучения дисциплины является освоение студентами основных теоретических понятий математики и выработка умения применять их к решению задач конкретного естественнонаучного содержания, формирование знаний по математике, необходимых для решения задач по статистической обработке результатов наблюдений, в том числе географического и экологического содержания, развитие логического мышления и математической культуры, формирование необходимого уровня математической подготовки для понимания других математических и прикладных дисциплин.

Задачами освоения дисциплины являются: изучение основных понятий и методов высшей математики, формирование навыков и умений решать типовые задачи, умение пользоваться математическим аппаратом для решения теоретических и прикладных задач в математике, физике, информатике, математической статистике, генетике, биометрии и в других общих и специальных географических дисциплинах, подготовка к самостоятельному изучению тех разделов математики, которые могут понадобиться в работе специалисту-географу, а также формирование навыков работы со специальной литературой.

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины:

- способен применять базовые знания фундаментальных разделов науки о земле естественно-научного и математического циклов при решении задач в области экологии и природопользования (ОПК-1)

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

**Знать:**

- основные понятия и методы изучаемых разделов (ОПК-1)

- основные сферы приложения изучаемого материала (ОПК-1)

**Уметь:** грамотно использовать язык математики при постановке задачи и её решении; обобщать, анализировать изучаемый материал; решать основные типы задач, находить различные способы решения задач; работать со специальной литературой и приобретать новые знания (ОПК-1).

**Владеть:** культурой мышления, способностью к обобщению, анализу и восприятию информации; математическим языком изучаемой дисциплины; навыками практического использования основных методов решения задач по обработке и исследованию экспериментальных данных (ОПК-1)

## 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 4.1. Учебно-тематический план

#### Очная форма обучения

##### 1 семестр

Рубеж	Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем	
			Лекции	Практич. занятия
Рубеж 1	1	Элементы теории множеств.	2	4
	2	Элементы аналитической геометрии	4	6
	3	Элементы линейной алгебры	4	5
		Рубежный контроль № 1		1
Рубеж 2	4	Элементы комбинаторики	2	4
	5	Элементы теории вероятностей	2	6
	6	Элементы математической статистики	2	5
		Рубежный контроль № 2	-	1
<b>Всего:</b>			<b>16</b>	<b>32</b>

#### Заочная форма обучения

##### 1 семестр

Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Количество часов контактной работы с преподавателем	
		Лекции	Практич. занятия
1	Элементы теории множеств.	1	1
2	Элементы аналитической геометрии	1	1
3	Элементы линейной алгебры	1	1
4	Элементы комбинаторики	-	1
5	Элементы теории вероятностей	-	1
6	Элементы математической статистики	1	1
<b>Всего:</b>		<b>4</b>	<b>6</b>

### 4.2. Содержание лекционных занятий

#### *Раздел 1. Элементы теории множеств*

Введение. Цели и задачи изучения дисциплины. Требования по изучению дисциплины. Понятие множества. Элемент множества. Объединение, пересечение, разность, прямое произведение множеств. Подмножество. Конечные и бес-

конечные множества. Числовые множества. Преобразования. Множество комплексных чисел, формы записи, действия над комплексными числами.

### ***Раздел 2. Элементы аналитической геометрии***

Декартова прямоугольная система координат на плоскости. Основные задачи в прямоугольной системе координат (длина отрезка, деление отрезка в заданном отношении). Полярная система координат на плоскости. Связь между системами координат. Геометрическое истолкование уравнений с двумя переменными. Способы задания прямой, виды уравнений прямой. Основные задачи на прямую (взаимное расположение прямых на плоскости, угол между прямыми, расстояние от точки до прямой). Линии второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их определения, свойства, уравнения. Векторы, линейные операции над векторами, векторное пространство; скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.

### ***Раздел 3. Элементы линейной алгебры***

Матрицы, их виды, основные операции над матрицами (сложение, вычитание, умножение на число, произведение, нахождение обратной матрицы). Матричные уравнения. Определители второго и третьего порядков, их свойства и правила вычисления. Методы решения систем линейных уравнений с двумя и тремя переменными: метод Гаусса, метод Крамера, матричный метод.

### ***Раздел 4. Элементы комбинаторики***

Комбинаторика как наука. Правила сложения и умножения. Факториал. Перестановки. Размещения. Сочетания.

### ***Тема 5. Элементы теории вероятностей***

Случайные события и их вероятности. Классическая вероятностная схема. Операции с вероятностями.

### ***Тема 6. Элементы математической статистики***

Случайные величины. Основные понятия математической статистики. Характеристики и параметры статистической совокупности. Графическое представление информации. Числовые характеристики выборки.

## **4.3. Практические занятия**

### **Содержание практических занятий:**

Номер раздела, темы	Наименование раздела, темы	Наименование практического занятия	Норматив времени, час.	
			Очная форма обучения	Заочная форма обучения

1	Элементы теории множеств.	<p>Понятие множества. Элемент множества. Объединение, пересечение, разность, прямое произведение множеств. Подмножество. Конечные и бесконечные множества. Числовые множества. Преобразования. Множество комплексных чисел, формы записи, действия над комплексными числами.</p>	4	1
2	Элементы аналитической геометрии	<p>Декартова прямоугольная система координат на плоскости. Основные задачи в прямоугольной системе координат (длина отрезка, деление отрезка в заданном отношении). Полярная система координат на плоскости. Связь между системами координат. Геометрическое истолкование уравнений с двумя переменными. Способы задания прямой, виды уравнений прямой. Основные задачи на прямую (взаимное расположение прямых на плоскости, угол между прямыми, расстояние от точки до прямой). Линии второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их определения, свойства, уравнения. Векторы, линейные операции над векторами, векторное пространство; скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.</p>	6	1

3	Элементы линейной алгебры	Матрицы, их виды, основные операции над матрицами (сложение, вычитание, умножение на число, произведение, нахождение обратной матрицы). Матричные уравнения. Определители второго и третьего порядков, их свойства и правила вычисления. Методы решения систем линейных уравнений с двумя и тремя переменными: метод Гаусса, метод Крамера, матричный метод.	5	1
		Рубежный контроль 1	1	-
4	Элементы комбинаторики.	Комбинаторика как наука. Правила сложения и умножения. Факториал. Перестановки. Размещение. Сочетания.	4	1
5	Элементы теории вероятностей	Случайные события и их вероятности. Классическая вероятностная схема. Операции с вероятностями.	6	1
6	Элементы математической статистики.	Случайные величины. Основные понятия математической статистики. Характеристики и параметры статистической совокупности. Графическое представление информации. Числовые характеристики выборки.	5	1
		Рубежный контроль 2	1	-
<b>Всего:</b>			<b>32</b>	<b>6</b>

#### 4.4. Контрольная работа

Контрольная работа для заочной формы обучения состоит из 5 заданий. Примерный вариант контрольной находится в методических указаниях.

### 5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

При прослушивании лекций рекомендуется в конспекте отмечать все важные моменты, теоремы и формулы, доказательство теорем, свойств, на которых заостряет внимание преподаватель. Перед лекцией необходимо повторить материал, выделить непонятные места в лекции, чтобы обсудить их на занятии.



Преподавателем запланировано применение на лекционных занятиях технологий коллективного взаимодействия, разбора конкретных ситуаций, групповая форма работы студентов на этапе повторения материала.

Практические занятия будут проводиться с использованием различных технологий (индивидуализированного обучения, групповой формы обучения, метод проектов).

Для текущего контроля успеваемости преподавателем используется балльно-рейтинговая система контроля и оценки академической активности (для очной формы обучения). Поэтому настоятельно рекомендуется тщательно прорабатывать материал дисциплины при самостоятельной работе, участвовать во всех формах обсуждения и взаимодействия, как на лекциях, так и на практических занятиях в целях лучшего освоения материала и получения высокой оценки по результатам освоения дисциплины.

Выполнение самостоятельной работы подразумевает подготовку к практическим занятиям, к рубежным контролям, подготовку к экзамену (для очной формы обучения), выполнение контрольной работы (для заочной формы обучения).

Рекомендуемая трудоемкость самостоятельной работы представлена в таблице:

#### Рекомендуемый режим самостоятельной работы

Наименование вида самостоятельной работы	Рекомендуемая трудоемкость, акад. час.	
	Очная форма обучения	Заочная форма обучения
<b>Самостоятельное изучение тем дисциплины:</b>		
Элементы дифференциального исчисления функций одной переменной	33	83
Элементы интегрального исчисления функций одной переменной	11	27
Дифференциальные уравнения	11	27
<b>Подготовка к рубежным контролям (по 2 часа на каждый рубеж)</b>	4	-
<b>Подготовка к практическим занятиям (по 2 часа на занятие для очной формы обучения и по 2 часа на занятие для заочной формы)</b>	32	6
<b>Выполнение контрольной работы</b>	-	18
<b>Подготовка к экзамену</b>	27	27
<b>Всего:</b>	<b>96</b>	<b>134</b>

## 6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### 6.1. Перечень оценочных средств

1. Балльно-рейтинговая система контроля и оценки академической активности студентов в КГУ (для очной формы обучения)
2. Перечень вопросов к экзамену
3. Банк заданий к рубежным контролям № 1, № 2 (для очной формы обучения)
4. Банк тестовых заданий к экзамену
5. Задания к практическим занятиям
6. Дополнительные задания исследовательского характера (на усмотрение преподавателя).
7. Контрольная работа (для заочной формы обучения)

### 6.2. Система балльно-рейтинговой оценки работы студентов по дисциплине

№	Наименование	Содержание					
<b>1 семестр</b>							
1	Распределение баллов за семестры по видам учебной работы, сроки сдачи учебной работы (доводятся до сведения студентов на первом учебном занятии)	Распределение баллов					
		Вид учебной работы:	Посещение лекций	Посещение практических занятий, активность на занятиях	Рубежный контроль №1	Рубежный контроль №2	Экзамен
		Балльная оценка:	До 16	До 32	До 12	До 10	До 30
	Примечания:	8 лекций по 2 балла	16 практических занятий по 2 балла	На 8 практическом занятии	На 16 практическом занятии		
2	Критерий пересчета баллов в традиционную оценку по итогам работы в семестре и зачета	60 и менее баллов – неудовлетворительно; 61...73 – удовлетворительно; 74... 90 – хорошо; 91...100 – отлично					

3	Критерии допуска к промежуточной аттестации, возможности получения автоматического зачета (экзаменационной оценки) по дисциплине, возможность получения бонусных баллов		<p>Для допуска к промежуточной аттестации студент должен выполнить все работы текущего и рубежного контроля и набрать не менее 50 баллов (для очной формы обучения), выполнить контрольную работу (для заочной формы обучения).</p> <p>Для получения экзаменационной оценки «автоматически» студенту необходимо набрать следующее минимальное количество баллов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 61 для получения «автоматически» оценки «удовлетворительно».</li> </ul> <p>По согласованию с преподавателем студенту, набравшему минимум 61 баллов могут быть добавлены дополнительные (бонусные) баллы за активное участие в научной и методической работе, оригинальность принятых решений в ходе выполнения заданий текущего и рубежного контроля, за участие в значимых учебных и внеучебных мероприятиях кафедры и выставлена за экзамен «автоматически» оценка «хорошо» или «отлично».</p>
4	Формы и виды учебной работы для неуспевающих (восстановившихся на курсе обучения) студентов для получения недостающих баллов в конце семестра		<p>В случае если к промежуточной аттестации (экзамену) не выполнены все задания и набрана сумма менее 50 баллов, студенту необходимо выполнить дополнительные задания, до конца последней (зачетной) недели семестра. При этом необходимо проработать материал всех пропущенных лекционных и практических занятий.</p> <p>Формы дополнительных заданий (назначаются преподавателем):</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнение и защита отчетов по пропущенным практическим занятиям (1...2 балла);</li> <li>- прохождение рубежного контроля (баллы в зависимости от рубежа).</li> </ul> <p>Ликвидация академических задолженностей, возникших из-за разности в учебных планах при переводе или восстановлении, проводится путем выполнения дополнительных заданий, форма и объем которых определяется преподавателем.</p>

### 6.3. Процедура оценивания результатов освоения дисциплины

Рубежные контроли проводятся в форме самостоятельных работ.

Перед проведением каждого рубежного контроля преподаватель прорабатывает со студентами основной материал соответствующих разделов дисциплины в форме краткой лекции-дискуссии.

Варианты заданий для рубежных контролей состоят: № 1 – из 6 задач по 2 балла каждая, № 2 – из 5 задач, по 2 балла каждая.

На каждую работу при рубежном контроле студенту отводится время не менее 60 минут.

Преподаватель оценивает в баллах результаты рубежного контроля каждого студента по количеству правильных ответов и заносит в ведомость учета текущей успеваемости.

Экзаменационный тест состоит из 14 вопросов. Каждый вопрос в тесте оценивается от 2 до 3 баллов. Количество баллов по результатам экзамена зависит от количества правильных ответов. Время, отводимое студенту на экзаменационный тест, составляет 1 астрономический час. Всего за экзамен 30 баллов.

Результаты текущего контроля успеваемости и экзамена заносятся преподавателем в экзаменационную ведомость, которая сдается в организационный отдел института в день экзамена, а также выставляются в зачетную книжку студента.

#### 6.4. Примеры оценочных средств для рубежных контролей и экзамена

##### Рубеж 1

###### Самостоятельная работа

- 1 Дано:  $A = \{10; 4; 3; 1; 2; 6\}$ ,  $B = \{1; 2; 5; 6; 8\}$ ,  $C = \{3; 8; 10\}$ ,  $D = \{1; 3; 5; 7; 10\}$ . Найти: а)  $A \cap D$ ; б)  $B \setminus D$ ; в)  $C \cup B$ ; г)  $(A \cap B) \cup (D \setminus C)$ .
- 2 Вычислить:  $\frac{4-2i}{3+4i} - 4i(6+3i)$ .
- 3 В треугольнике ABC найти длину стороны AC и длину медианы CM, если  $A(-6; -12)$ ,  $B(0; -9)$ ,  $C(-3; -8)$ .
- 4 Найти уравнение прямой  $l_2$ , проходящей через точку  $A(4; -5)$  и параллельной (перпендикулярной) прямой  $l_1: x - 2y - 7 = 0$ .
- 5 Написать уравнение гиперболы, у которой малая ось равна 6, а расстояние между фокусами равно 10.

6 Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} 3x + 4y + 2z = 8, \\ 2x - 4y - 3z = -1, \\ x + 5y + z = 0. \end{cases}$$

##### Рубеж 2

###### Самостоятельная работа

1.  $C_{n+1}^{n-1} = 10$ . Найти  $P_n$ .
2. Первого сентября на первом курсе одного из факультетов запланировано по расписанию 3 лекции по разным предметам. Всего на первом курсе изучается 10 предметов. Сколько существует способов составить расписание на 1 сентября, если порядок предметов важен и если – не важен?
3. В ящике лежат 5 белых, 10 черных и 15 красных шаров. Какова вероятность того, что два наудачу вынутых шара будут белыми?
4. Для проведения демографических исследований выбрали 50 семей и получили следующие данные о количестве членов семьи: 2, 5, 3, 4, 1, 3, 6, 2, 4, 3, 4, 1, 3, 5, 2, 3, 4, 4, 3, 3, 2, 5, 3, 4, 4, 3, 3, 4, 4, 3, 2, 5, 3, 1, 4, 3, 4, 2, 6, 3, 2, 3, 1, 6, 4, 3, 3, 2, 1, 7. Для данной выборки построить статистическое распределение выборки; построить полигон и гистограмму частот; дать характеристику распределения признака, вычислив для этого: 1) размах выборки; 2) медиану; 3) моду; 4) дисперсию; 5) математическое ожидание.
5. Найти закон распределения случайной дискретной величины  $X$ , которая может принимать только два значения:  $x_1$  с вероятностью 0,1 и  $x_2$ , причём  $x_1 < x_2$ , если  $D(X) = 2,25$ ;  $M(X) = 5,5$ .

##### Вопросы к экзамену

1. Множество. Виды множеств, определения, примеры.
2. Подмножество. Разность множеств, равенство множеств.

3. Пересечение и объединение множеств. Определение, свойства, примеры.
4. Виды отображений между множествами. Определения, примеры.
5. Прямое произведение множеств.
6. Диаграммы Эйлера-Венна как геометрическая иллюстрация операций над множествами.
7. Числовые множества, множество комплексных чисел.
8. Операции сложения, вычитания, умножения и деления на множестве комплексных чисел.
9. Операции возведения в степень и извлечения корня  $n$  степени из комплексного числа.
10. Прямоугольная декартова система координат, длина отрезка. Метод координат на плоскости, геометрическая система уравнений с двумя переменными.
11. Полярная система координат, построение точек.
12. Формулы перехода от полярных к прямоугольным координатам; от прямоугольных к полярным координатам.
13. Деление отрезка в заданном отношении.
14. Прямая линия на плоскости, способы задания и виды уравнений.
15. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
16. Общее уравнение прямой.
17. Основные задачи на прямую.
18. Кривые второго порядка: окружность.
19. Кривые второго порядка: эллипс.
20. Кривые второго порядка: гипербола.
21. Кривые второго порядка: парабола.
22. Элементы аналитической геометрии в пространстве.
23. Матрицы, виды матриц.
24. Определители второго и третьего порядков, свойства определителей.
25. Операции над матрицами:  $A = B$ ,  $A - B$ ,  $A + B$ ,  $\lambda \cdot A$ ,  $\lambda \in R$ .
26. Операции над матрицами:  $A \cdot B$ ;  $A^{-1}$ .
27. Решение систем двух линейных уравнений с двумя неизвестными.
28. Решение систем трех линейных уравнений с тремя переменными: метод Крамера.
29. Решение систем трех линейных уравнений с тремя переменными: метод Гаусса.
30. Решение систем трех линейных уравнений с тремя переменными: матричный метод.
31. Виды комбинаторных соединений, определения, формулы.
32. Виды событий, классическое определение вероятности события.
33. Теоремы сложения и умножения вероятностей, формула полной вероятности события.
34. Случайные дискретные величины, их математические характеристики.
35. Случайные непрерывные величины, их математические характеристики.
36. Основные законы распределения случайных величин.
37. Случайные дискретные величины, их математические характеристики.

38. Законы распределения случайных величин.  
 39. Статистическое распределение выборки. Полигон и гистограмма. Эмпирическая функция распределения.  
 40. Характеристики эмпирического распределения и их вычисление.

### Пример экзаменационного теста

1. Семь членов профсоюзного комитета должны избрать из своего состава председателя и секретаря. Сколькими способами это можно сделать? (2 балла)
2. Какие множества называют равными? (2 балла)
3. Сколькими способами можно обить 6 стульев тканью, если имеются ткани шести разных цветов и все стулья будут разного цвета? (2 балла)
4. В группе 15 человек и необходимо четыре человека выделить на конференцию. Сколькими способами можно выдвинуть делегатов? (2 балла)
5. Что такое  $n$ -факториал? (2 балла)
6. Найти вероятность выпадения четного числа при подбрасывании кубика. (2 балла)
7. Опишите классическую схему нахождения вероятности события. (2 балла)
8. Что такое частота варианты? (2 балла)
9. Случайным образом выбрали двузначное число. Найдите вероятность того, что оно больше 18 и меньше 39 (можно выписать числа этого отрезка и решать). (2 балла)
10. В коробке 6 красных шаров и 4 белых. Найти вероятность события: выбраны три красных шара или два белых. (2 балла)
11. Даны множества  $A = \{0; 4; 3; 1; 2; 6; 5\}$ ,  $B = \{1; 2; 6; 8\}$ ,  $C = \{3\}$ ,  $D = \{1; 3; 5; 7; 9\}$ . Вычислить  $C \cup ((A \cap B) \setminus D)$ . Изобразить на кругах по отдельным действиям. (2 балла)
12. Вычислить:  $(-3 + 2i)(3 - 5i) + \frac{1 + 4i}{2 + 3i}$ . (2 балла)
13. Решить систему методом Крамера: 
$$\begin{cases} 4x + y + 4z = -2, \\ 2x - y + 2z = -4, \\ x + y + 2z = -1 \end{cases}$$
 (3 балла)
14. Даны координаты вершин треугольника ABC: A(4; -2), B(10; 1), C(7; 2). Найти длину стороны AC; уравнение медианы CM. (3 балла)

### Примерный вариант контрольной работы для заочной формы

*Инструкция:* Контрольная работа выполняется письменно в ученической тетради либо на листах формата A4 разборчивым почерком с обязательным указанием фамилии, имени, отчества и номера группы выполнившего работу. Сдаётся на проверку преподавателю до начала экзамена. Зачтённая контрольная работа является допуском к экзамену.

1. Даны множества  $A = \{10; 11; 13; 14; 15; 20; 32\}$ ,  $B = \{8; 10; 12; 14; 16; 18; 20\}$ ,  $C = \{11; 13\}$ ,  $D = \{8; 9; 10\}$ . Найти: а)  $A \cap D$ ; б)  $B \setminus D$ ; в)  $C \cup B$ ; г)  $(A \cap B) \cup (D \setminus C)$ .
2. Проверить, равносильны ли следующие формулы:  
 $(X \vee Y) \wedge (X \vee \bar{Y})$  и  $(X \Leftrightarrow Y) \wedge (X \vee Y)$ .
3. Используя метод наименьших квадратов, вывести формулу  $y = ax + b$ , если

$$x \quad | \quad 1 \quad | \quad -1 \quad | \quad 2 \quad | \quad 0 \quad | \quad 3 \quad |$$

у | 6 | 7 | 8 | 4 | 5 |

4. В группе 25 студентов, из них отлично успевают 5 человек, хорошо – 12, удовлетворительно – 6 и слабо – 2. Преподаватель, незнакомый с группой, вызывает по списку одного из студентов. Определить вероятность того, что вызванный студент будет отличник или хорошо успевающий.

5. На 10 мая 1982 года по районам Пермской области было посеяно яровых культур (в процентах к площади):

61	58	55	32	41	45	36	43	51	50	34	27
22	22	16	29	22	17	20	27	13	45	15	13
6	9	15	4	15	20	13	3	4	7	6	11

Построить статистическое распределение выборки; построить полигон и гистограмму частот; дать характеристику распределения признака, вычислив для этого: а) медиану; б) моду; в) среднее арифметическое; г) дисперсию; д) среднее квадратичное отклонение.

### 6.5. Фонд оценочных средств

Полный банк заданий для текущего, рубежных контролей и промежуточной аттестации по дисциплине, показатели, критерии, шкалы оценивания компетенций, методические материалы, определяющие процедуры оценивания образовательных результатов, приведены в учебно-методическом комплексе дисциплины.

## 7. ОСНОВНАЯ И ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ УЧЕБНАЯ ЛИТЕРАТУРА

### 7.1. Основная учебная литература

1. Баврин И. И. Высшая математика. – М.: Издательский центр «Академия», 2002.
2. Геворкян П. С. Высшая математика. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. – 2-е изд., испр. и доп. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2014. – 208с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»
3. Геворкян П. С. Высшая математика. Основы математического анализа: Учебник для вузов. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2011. – 240с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»
4. Гмурман В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб. Пособие – 12-е изд., перераб. – М.: Высшее образование, 2006.
5. Данко П. Е., Попов А. Г., Кожевникова Т. Я., Данко С. П. Высшая математика в упражнениях и задачах. – М.: Оникс, 2008.
6. Михеев В. И., Павлюченко Ю. В. Высшая математика, краткий курс: Учебное пособие. – 2-е изд., испр. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. – 196с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»

### 7.2. Дополнительная учебная литература

1. Бугров Я. С., Никольский С. М. Сборник задач по высшей математике: Учебное пособие. – 4-е изд. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2001. – 304с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»
2. Гильдерман Ю. И. Лекции по высшей математике для биологов. Отв. ред. Г. П. Акимов. – Новосибирск, «Наука», Сиб. отд-ние, 1974 г.
3. Горстко А. Б. Познакомьтесь с математическим моделированием. – М.: Знание, 1991 г.
4. Демидович Б. П., Кудрявцев В. А. – Краткий курс высшей математики. – М.: ООО «Издательство Астрель»: ООО «Издательство АСТ», 2004.
5. Ильин В. А., Куркина А. В. Высшая математика. – М.: ТК Велби, Изд-во Проспект, 2004.
6. Лакин Г. Ф. Биометрия. – М., 1990.
7. Лобозкая Н.Л. Основы высшей математики. – Минск: Высшая школа, 1978.
8. Лунгу К. Н., Макаров Е. В. Высшая математика. Руководство к решению задач. Т.1. – 3-е изд., перераб. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2013. – 216с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»
9. Математика: учебное пособие/С. И. Исаева, Л. В. Кнауб, Е. В. Юрьева – Красноярск: Сиб.федер.ун-т, 2011. – 156с. – Доступ из ЭБС «Консультант студента»
10. Ризниченко Г. Ю. Лекции по математическим моделям в биологии. – РХД, 2002 г.
11. Самарский А. Математическое моделирование. – М.: Физматлит, 2002 г.
12. Чистяков В. П. Курс теории вероятностей. – СПб.: Издательство «Лань», 2003.
13. Шипачев В.С. Основы высшей математики. – М.: Высшая школа, 2004.

## **8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

1. Коростелева С. М. Математика. Методические указания для практических занятий по курсу «Математика» для студентов естественно-географического факультета специальности «Биология» (011600) и «География» (012500) – Изд-во КГУ, 2000г.
2. Методические рекомендации по выполнению заданий исследовательского характера (входят в УМК).

## **9. РЕСУРСЫ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

1. <http://mathemlib.ru/books> - Литература по математике.

## **10. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ**

При чтении лекций используются слайдовые презентации.

Минимальные требования к операционной системе и программному обеспечению компьютера, используемого при показе слайдовых презентаций: Windows XP, Foxit Reader Pro версия 1.3.



## **11. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Мультимедийное оборудование (переносной персональный компьютер, мультимедийный проектор, мультимедийный экран).

## **12. ДЛЯ СТУДЕНТОВ, ОБУЧАЮЩИХСЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ДИ- СТАНЦИОННЫХ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ**

При использовании электронного обучения и дистанционных образовательных технологий (далее ЭО и ДОТ) занятия полностью или частично проводятся в режиме он-лайн. Объем дисциплины и распределение нагрузки по видам работ соответствует п. 4.1. Распределение баллов соответствует п. 6.2 либо может быть изменено в соответствии с решением кафедры, в случае перехода на ЭО и ДОТ в процессе обучения. Решение кафедры об используемых технологиях и системе оценивания достижений обучающихся принимается с учетом мнения ведущего преподавателя и доводится до сведения обучающихся.

Аннотация к рабочей программе дисциплины  
**«Математика»**

образовательной программы высшего образования –  
программы бакалавриата  
**05.03.06 – Экология и природопользование**  
**направленность Управление экологическими системами**

Трудоемкость дисциплины: 4 ЗЕ (144 академических часов)

Семестр: 1

Форма обучения: очная, заочная

Форма промежуточной аттестации: экзамен.

Содержание дисциплины

Элементы теории множеств, линейной алгебры и аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей, математической статистики.